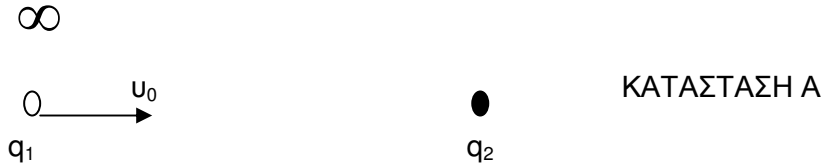


ΠΡΟΣΕΓΓΙΣΗ ΟΜΟΣΗΜΩΝ ΦΟΡΤΙΩΝ - 1

- Όταν ένα φορτίο εκτοξεύεται προς άλλο ομόσημο και μη ακλόνητο φορτίο που ηρεμεί στο χώρο

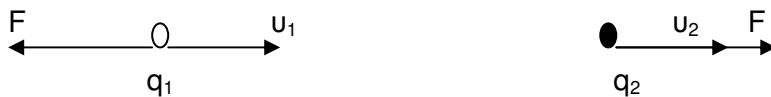


Ισχύουν : η Αρχή διατήρησης της ενέργειας (ΑΔΕ) και η αρχή διατήρησης της ορμής (ΑΔΟ)

$$\text{Για την κατάσταση Α : } E_{ο\lambda\lambda} = K_1 = \frac{m_1 u_0^2}{2} \quad p_{ο\lambda\lambda} = m_1 u_0$$

(m_1, m_2 οι μάζες των φορτίων q_1, q_2)

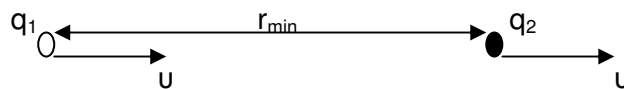
Τα φορτία θα αλληλοαπωθούνται (αφού είναι ομόσημα)



Αρχικά $u_1 > u_2$ και τα φορτία πλησιάζουν, το q_1 επιβραδυνόμενο (η u_1 ελαττώνεται) και το q_2 επιταχυνόμενο (η u_2 αυξάνεται)

- Κάποια στιγμή, οι ταχύτητες των δύο φορτίων θα εξισωθούν – τότε η μεταξύ τους απόσταση θα είναι η **ελάχιστη**

ΚΑΤΑΣΤΑΣΗ Β – ΕΛΑΧΙΣΤΗ ΑΠΟΣΤΑΣΗ r_{\min} $u_1 = u_2 = u$



$$\text{Για την κατάσταση Β : } E_{ο\lambda\lambda} = U_B + K_1 + K_2 = k \frac{q_1 q_2}{r_{\min}} + \frac{m_1 u^2}{2} + \frac{m_2 u^2}{2}$$

$$p_{ο\lambda\lambda} = m_1 u + m_2 u$$

$$\text{ΑΔΟ : } p_{ο\lambda\lambda} = p_{ο\lambda\lambda} \Leftrightarrow m_1 u_0 = m_1 u + m_2 u$$

Από την ΑΔΟ υπολογίζουμε την κοινή ταχύτητα u

$$\text{ΑΔΕ : } E_{ο\lambda\lambda} = E_{ο\lambda\lambda} \Leftrightarrow \frac{m_1 u_0^2}{2} = k \frac{q_1 q_2}{r_{\min}} + \frac{m_1 u^2}{2} + \frac{m_2 u^2}{2}$$

Από τη σχέση αυτή, υπολογίζουμε την ελάχιστη απόσταση r_{\min}

ΠΡΟΣΕΓΓΙΣΗ ΟΜΟΣΗΜΩΝ ΦΟΡΤΙΩΝ - 2

- Η ταχύτητα του φορτίου q_1 , συνεχώς ελαττώνεται και κάποια στιγμή *μηδενίζεται*
 ΚΑΤΑΣΤΑΣΗ Γ – ΑΠΟΣΤΑΣΗ r_Γ τη στιγμή όπου $u_1 = 0$



Για την κατάσταση Γ : $E_{ο\lambda\Gamma} = U_\Gamma + K_2 = k \frac{q_1 q_2}{r_\Gamma} + \frac{m_2 v_2^2}{2}$ $p_{ο\lambda\Gamma} = m_2 v_2$

ΑΔΟ : $p_{ο\lambda\Lambda} = p_{ο\lambda\Gamma} \Leftrightarrow m_1 u_0 = m_2 v_2$

Από την ΑΔΟ υπολογίζουμε την ταχύτητα u_2

ΑΔΕ : $E_{ο\lambda\Lambda} = E_{ο\lambda\Gamma} \Leftrightarrow \frac{m_1 v_0^2}{2} = k \frac{q_1 q_2}{r_\Gamma} + \frac{m_2 v_2^2}{2}$

Από τη σχέση αυτή, υπολογίζουμε την απόσταση r_Γ

ΕΦΑΡΜΟΓΗ

Φορτίο $q_1 = 10^{-6}C$ μάζας $m_1 = 3 \cdot 10^{-3}Kg$ εκτοξεύεται από άπειρη απόσταση προς δεύτερο

φορτίο $q_2 = \frac{q_1}{2}$ μάζας $m_2 = 2 m_1$.

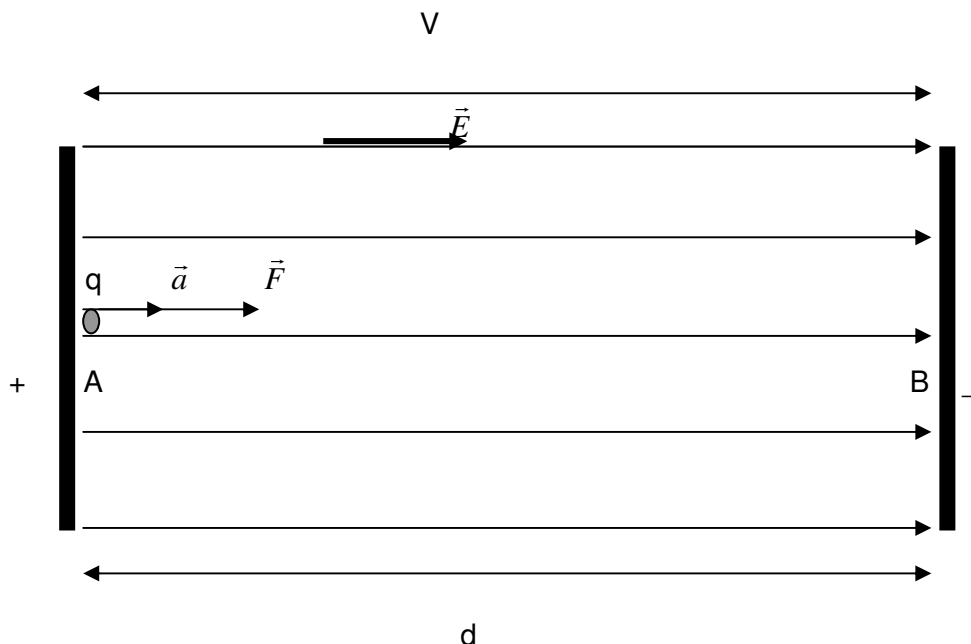
α) Να βρεθεί η ελάχιστη απόσταση στην οποία πλησιάζουν τα δύο φορτία

β) Να βρεθεί η απόστασή τους τη στιγμή που η ταχύτητα του φορτίου q_1 μηδενίζεται

Δίνεται : $k = 9 \cdot 10^9 Nm^2/C^2$

ΚΙΝΗΣΗ ΦΟΡΤΙΟΥ ΠΑΡΑΛΛΗΛΑ ΣΤΙΣ ΔΥΝΑΜΙΚΕΣ ΓΡΑΜΜΕΣ ΟΜΟΓΕΝΟΥΣ ΗΛΕΚΤΡΙΚΟΥ ΠΕΔΙΟΥ

A) Επιταχυνόμενη κίνηση



Θετικό φορτίο q αφήνεται ελεύθερο κοντά στη θετική πλάκα

Θα δεχθεί σταθερή δύναμη F από το ομογενές ηλεκτρικό πεδίο.

Η δύναμη αυτή θα του δώσει σταθερή επιτάχυνση σύμφωνα με το 2^ο νόμο του Νεύτωνα $F = ma$

$$\text{Ακόμη : } F = Eq = \frac{V}{d} q$$

Το φορτισμένο σωματίδιο πραγματοποιεί *ευθύγραμμη ομαλά επιταχυνόμενη κίνηση* ($u_0=0$)

$$\text{Ισχύει : } u = at \quad x = \frac{1}{2} at^2$$

Φθάνει στην αρνητική πλάκα (σημείο B) σε χρόνο t_1

$$\text{Προφανώς ισχύει : } d = \frac{1}{2} at^2 \quad u_B = at$$

Ακόμη : Μπορούμε να εφαρμόσουμε το Θεώρημα Μεταβολής της Κινητικής Ενέργειας για τα σημεία A και B

$$K_B - K_A = W_F \Leftrightarrow \frac{1}{2} m v_0^2 - 0 = F \cdot d \Leftrightarrow \frac{1}{2} m v_0^2 = Eqd$$